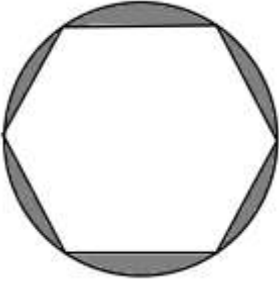


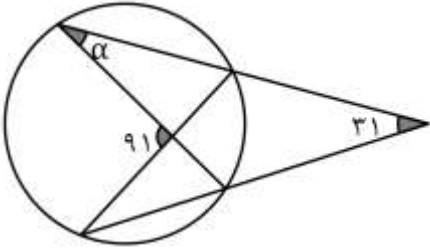
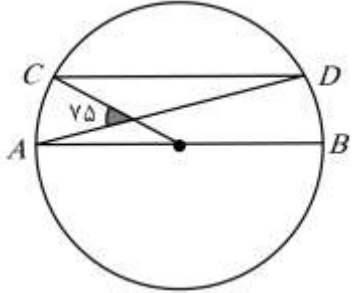
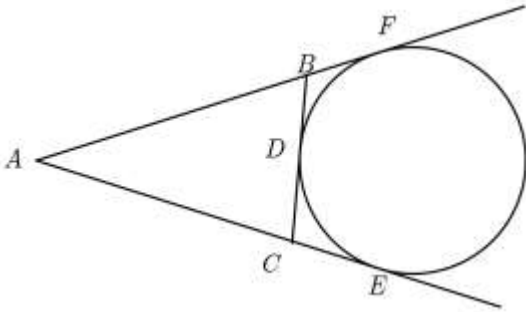
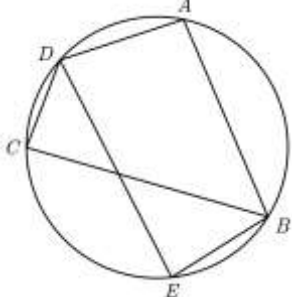
نام و نام خانوادگی:
 مقطع و رشته: یازدهم (ریاضی)
 نام پدر:
 شماره داوطلب:
 تعداد صفحه سؤال: ۳ صفحه

هیا؛ تخصصی تربیت عالی مشاوره کشور

اداره ی کل آموزش و پرورش شهر تهران
 اداره ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران
 دبیرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد فلسطین
 آزمون پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۹۹-۱۳۹۸

نام درس: هندسه ۲
 نام دبیر: خانم نادری
 تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۲۱
 ساعت امتحان: ۰۰:۰۸ صبح / عصر
 مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

نام مدیر	نمره به عدد:	نمره به حروف:
	نمره تجدید نظر به عدد:	نمره به حروف:
نام دبیر:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:
نام	سؤالات	نوع
۱/۵	<p>جملات زیر را با کلمه مناسب پر کنید.</p> <p>الف) اگر فاصله خط d تا مرکز دایره از شعاع کمتر باشد، خط و دایره ب) در دایره ای به شعاع R، قطاعی از دایره زاویه 60° درجه است. اگر مساحت قطاع 18π باشد، طول کمان مربوط به این قطاع است. ج) مرکز دایره محیطی یک مثلث، محل تلاقی است. د) دوزنقه محاطی است اگر و تنها اگر ه) به تبدیلی که طول پاره خط را حفظ میکند میگوییم. و) زاویه ای که راس آن روی محیط دایره . یک ضلعش وتر دایره و ضلع دیگرش مماس باشد نام دارد.</p>	۱
۱	<p>در شکل روبرو مساحت قسمت هاشور خورده را بیابید. (شعاع دایره ۴ و شش ضلعی منتظم است)</p> 	۲
۱	ثابت کنید هر زاویه ظلی نصف کمان روبرویش است.	۳
۱	از نقطه P بیرون دایره، دو مماس بر دایره $C(O, R)$ رسم میکنیم. ثابت کنید این دو مماس با هم برابرند.	۴
۱	ثابت کنید اگر از نقطه M خارج دایره مماس و قاطعی نسبت به دایره رسم کنیم، مربع اندازه مماس برابر است با حاصلضرب اندازه های دو قطعه قاطع	۵
۱/۵	اگر طول خط المرکزین دو دایره $C(O, 7), C'(O', 23)$ برابر ۳۴ باشد، طول مماس مشترک خارجی این دو دایره از طول مماس مشترک داخلی آنها چقدر بزرگ تر است؟	۶
۱	در دایره ای به شعاع $2m$ ، وتر $\overline{AB} = 4m - 8$ ، به فاصله $m + 3$ از مرکز دایره قرار دارد. m را بیابید.	۷

۱	<p>۸ ثابت کنید شعاع دایره محاطی داخلی هر مثلث برابر $r = \frac{S}{p}$ است. هیبوا؛ تخصصی ترین سایت مشاوره کشور</p>	۸
۱	<p>۹ اندازه α را بدست آورید.</p> 	۹
۱	<p>۱۰ در دایره رسم شده شکل مقابل $CD \parallel AB$. اندازه کمان CD را بدست آورید.</p> 	۱۰
۱/۵	<p>۱۱ مثلث ABC مفروض است. دایره ای بر ضلع BC در نقطه D و بر امتداد اضلاع AC, AB به ترتیب در نقاط F, E مماس است. ثابت کنید محیط مثلث برابر است با $2AE$.</p> 	۱۱
۱	<p>۱۲ سه نیمساز داخلی یک چهارضلعی از یک نقطه میگذرند و اندازه سه ضلع متوالی آن به ترتیب $۷۲, ۱۰۷$ و ۹۱ می باشد. اندازه ضلع چهارم کدام است؟</p>	۱۲
۱	<p>۱۳ نقطه M خارج دایره مفروض است. اگر فاصله دورترین و نزدیک ترین نقطه های دایره از M به ترتیب $۹\sqrt{3}, \sqrt{۲۷}$ باشند، طول مماسی که از M نسبت به دایره رسم می شود کدام است؟</p>	۱۳
۱	<p>۱۴ در شکل مقابل $\hat{A} = 3x, \hat{E} = 2x + 5$. اندازه \hat{DCB} چند درجه است؟</p> 	۱۴

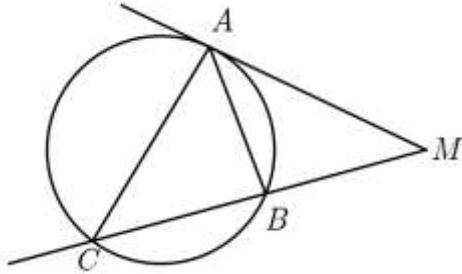
۱	تبدیل $F(x, y) = (6x - 3y + 4, 5x - 2y + 4)$ چند نقطه ثابت دارد؟ هیسوا! ؛ تخصصی ترین سایت مشاوره کشور	۱۵
۱	اگر $F(x, y) = (y, x - 1)$ و $G(x, y) = (3x, 2y - 1)$ ، آنگاه تصویر نقطه $A(1, 2)$ تحت تبدیل $F \circ G$ چه نقطه ای است؟	۱۶
۱/۵	خط به معادله $2x - 3y = 2$ را تحت تبدیل $T(x, y) = (2x - y, -x + y)$ تصویر می کنیم. خط به معادله $ax + by + 2 = 0$ به دست می آید. حاصل $a + b$ کدام است؟	۱۷
۱	تصویر نقطه $A(3, 1)$ نسبت به خط $y - x - 6 = 0$ نقطه $A'(a, b)$ است. A' را بیابید.	۱۸
صفحه ۳ از ۳		

جمع بارم : ۲۰ نمره

<p>نام درس: هندسه ۲ نام دبیر: فانم نادری تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۳۱ ساعت امتحان: ۰۸:۰۰ صبح / عصر مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه</p>	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"></div> <p style="text-align: center;">اداره ی کل آموزش و پرورش شهر تهران اداره ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران دبیرستان غیر دولتی دخترانه سرای دانش واحد فلسطین کلید سؤالات پایان ترم نوبت اول سال تمصیلی ۹۸-۹۹ هیسوا!؛ تخصصی ترین سایت مشاوره کشور</p>
--	--

ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضا، مدیر
۱	<p>الف) متقاطعند ج) عمود منصف ها ه) ایزومتری</p> <p>ب) $R = 6\sqrt{3} \Rightarrow \frac{1}{6}R = \sqrt{3}$ د) زوایای مقابل مکمل باشند. و) ظلی</p>	
۲	$S = \pi \times 4^2 - \frac{6\sqrt{3}}{4} \times 4^2 = 16\pi - 24\sqrt{3}$ <p style="text-align: center;">شش ضلعی - S دایره</p>	
۳	<p>حکم: $\hat{A}_1 = \frac{AB}{2}$ از نقطه A، قطر AC را رسم میکنیم. d مماس $\Rightarrow \hat{A}_1 + \hat{A}_r = 90$ $\hat{B} = \frac{AC}{2} = 90 \Rightarrow C + A_r = 90$ از دو رابطه فوق داریم: $A_1 = C = \frac{AB}{2}$</p>	
۴	<p>فرض: AB, AC مماسند. حکم: $AB = AC$</p> $\left\{ \begin{array}{l} OB = OC \\ OA = OA \xrightarrow{\text{وض}} OAB \cong OAC \Rightarrow AB = AC \\ B = C = 90 \end{array} \right.$	

هیاوا! تخصصی ترین سایت مشاوره کشور



$$\begin{cases} M = M \\ A = C = \frac{AB}{2} \end{cases} \xrightarrow{z} MAB \sim MAC$$

$$\Rightarrow \frac{MA}{MC} = \frac{MB}{MA} \Rightarrow MA^2 = MB \times MC$$

۵

$$\text{خارجی} = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} = \sqrt{34^2 - 16^2} = \sqrt{900} = 30$$

$$\text{داخلی} = \sqrt{d^2 - (R + R')^2} = \sqrt{34^2 - 30^2} = \sqrt{256} = 16$$

$$30 - 16 = 14$$

۶

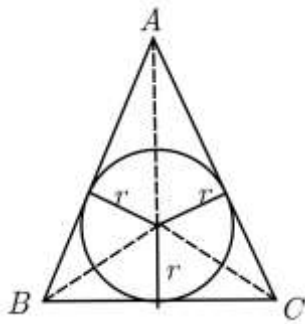
$$(2m)^2 = (2m - 4)^2 + (m + 3)^2$$

$$\Rightarrow 4m^2 = 4m^2 - 16m + 16 + m^2 + 6m + 9$$

$$m^2 - 10m + 25 = 0$$

$$(m - 5)^2 = 0 \Rightarrow m = 5$$

۷



$$S_{ABC} = S_{OAB} + S_{OBC} + S_{OAC}$$

$$S = \frac{1}{2}r \times AB + \frac{1}{2}r \times BC + \frac{1}{2}r \times AC$$

$$S = \frac{1}{2}r \times (AB + BC + AC)$$

$$S = r \times P \Rightarrow r = \frac{S}{P}$$

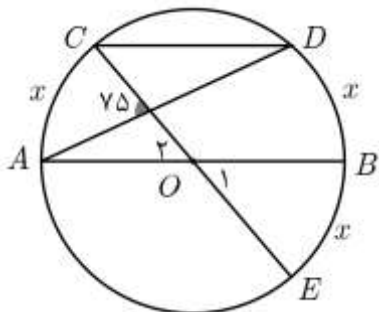
۸

$$\frac{CD + AB}{2} = 91 \Rightarrow CD + AB = 182$$

$$\frac{CD - AB}{2} = 31 \Rightarrow CD - AB = 62$$

$$\Rightarrow AB = 60 \Rightarrow \alpha = \frac{AB}{2} = 30$$

۹



$$CD \parallel AB \Rightarrow AC = BD - x$$

$$\text{از طرفی } O_1 = O_2 = x \Rightarrow BE = x$$

$$\Rightarrow 75 = \frac{x + 2x}{2} \Rightarrow 3x = 150 \Rightarrow x = 50$$

$$AB = 180 = 2x + CD \Rightarrow CD = 80$$

۱۰

بنا بر خاصیت برابری خطوط مماس : $BF = BD$, $DC = CE$, $AF = A$

$$\Rightarrow \text{محیط} = AB + BC + AC = AB + BD + DC + AC = AB + BF + CE + AC$$

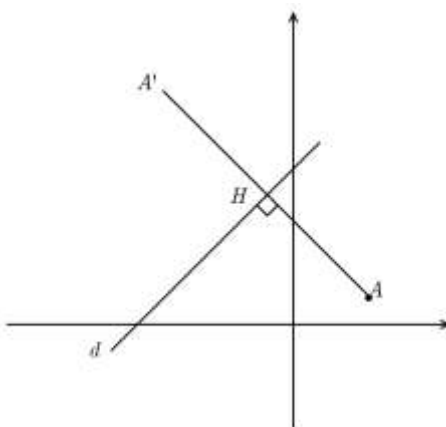
$$\Rightarrow \text{محیط} = AF + AE = 2AE$$

۱۱

چهارضلعی محیطی است پس: $AB + CD = AD + BC$

$$\text{پس: } 72 + 91 = 107 + x \Rightarrow x = 56$$

۱۲

	<p style="text-align: right;">هیبوا! تخصصی ترین سایت مشاوره کشور</p> $2R = 9\sqrt{3} - \sqrt{27} = 6\sqrt{3}$ $\rightarrow (6\sqrt{3})^2 = (3\sqrt{3})^2 + x^2 \Rightarrow x^2 = 81 \Rightarrow x = 9$	۱۳
	<p style="text-align: center;">محاظی: $3x + 2x + 5 = 180 \Rightarrow x = 35$</p> <p style="text-align: center;">$\hat{DCB} = \hat{DEB} = 2x + 5 = 75$</p>	۱۴
	$\begin{cases} 6x - 3y + 4 = x \\ 5x - 2y + 4 = y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x - 3y = -4 \\ 5x - 3y = -4 \end{cases} \Rightarrow \text{بیشمار نقطه ثابت دارد.}$	۱۵
	<p style="text-align: center;">$G(1, 2) = (3, 3) \Rightarrow F(3, 3) = (3, 2)$</p>	۱۶
	$x' = 2x - y$ $y' = -x + y$ <hr style="width: 10%; margin-left: 0;"/> $\Rightarrow x' + y' = x$ $\Rightarrow y' = -x' - y' + y \Rightarrow y = 2y' + x'$ $\Rightarrow 2x - 3y = 2 \Rightarrow 2x' + 2y' - 6y' - 3x' = 2$ $\Rightarrow x' + 4y' + 2 = 0 \Rightarrow a = 1 \quad b = 4 \Rightarrow a + b = 5$	۱۷
	<p style="text-align: center;">$A'(a, b)$</p> $AA' \perp d \Rightarrow m_{AA'} = -1 \Rightarrow \frac{1-b}{3-a} = -1 \Rightarrow a + b = 4$ $H\left(\frac{3+a}{2}, \frac{1+b}{2}\right) \in d \Rightarrow \frac{1+b}{2} = \frac{3+a}{2} + 6 \Rightarrow b - a = 14$ <p style="text-align: center;">$A'(a = -5, b = 9)$ از حل دستگاه فوق مختصات A' به دست می آید:</p> <div style="text-align: center;">  </div>	۱۸
امضاء:	نام و نام خانوادگی مصحح:	جمع بارم: ۲۰ نمره